УДК 543.544

Теория хроматографии для колонок переменной конфигурации.

© 2000г. А.Г.Прудковский Институт геохимии и аналитической химии им.В.И.Вернадского Российской академии наук 117975 Москва, ул.Косыгина,19

Поступила в редакцию 16.07.99г.

Теория ионной хроматографии, разработанная нами ранее, обобщена на случай колонок переменной конфигурации. Полученные результаты применены для расчета эффективности хроматографии на конусных колонках.

В работе [1] развита теория ионной хроматографии для системы, состоящей из нескольких хроматографических колонок, причём все параметры колонок предполагаются изотропными по длине и постоянными по времени. Эти условия соответствуют существующим условиям экспериментов в ионной хроматографии, однако, формулы работы [1], могут быть обобщены на более сложный случай - случай колонок с переменными по пространству и времени свойствами. Такая теория может, например, описать хроматографический процесс в колонках переменного сечения или процесс в колонке с сорбентом, сорбирующие свойства которого плавно меняются по времени.

Итак , проведем математическое исследование задачи о поведении компонента пробы в хроматографической системе общего типа . Так же , как в работе [1] запишем систему уравнений, моделирующую процесс прохождения пробы через сорбционную колонку :

$$\frac{\partial a_{i}}{\partial t} = \frac{\Gamma_{i} \cdot C_{i} - a_{i}}{\theta_{i}};$$

$$\epsilon \cdot \frac{\partial C_{i}}{\partial t} + V \cdot \frac{\partial C_{i}}{\partial x} + \frac{\partial a_{i}}{\partial t} = D_{li} \cdot \frac{\partial^{2} C_{i}}{\partial x^{2}};$$

$$C_{i}|_{x=0} = \frac{M_{i}}{W_{i} \sqrt{\pi \sigma_{0}}} \exp\left(-\frac{t^{2}}{\sigma_{0}}\right); a_{i}|_{x=0} = (\Gamma_{i} \cdot C_{i})|_{x=0};$$

где  $a_i$ ,  $C_i$  - концентрации i-го компонента в неподвижной и подвижной фазах соответственно ;  $\theta_i$  — время взаимодействия i-го компонента с зерном сорбента ;  $\Gamma_i$  — равновесный коэффициент распределения компонента ;  $\varepsilon$  — порозность сорбционной колонки ; V — скорость элюента в колонке при отсутствии сорбента V=W/s ; W — расход элюента , s — площадь поперечного сечения колонки ;  $D_{li}$  — коэффициент продольной дисперсии пробы ;  $\sigma_0$  — параметр , характеризующий ширину начального распределения пробы ;  $M_i$  — количество i-ого компонента пробы .

В отличие от [1] будем считать все параметры колонки функциями от продольной координаты x и времени t.

В работе [1] показано , что решение задачи (1) может быть выражено через аддитивные (по элементам хроматографической системы) параметры : сечение  $\sigma_i$  и время прохождения пика пробы  $t_i$  . Аддитивность всех формул работы [1] позволяет нам

записать решение и для колонки переменной конфигурации, для чего достаточно разбить её по длине на элементарные участки, на каждом участке применить формулы работы [1] и получившиеся суммы заменить интегралами. Так, движение i - ого пика  $x_i(t)$  будет управляться уравнением :

$$\frac{dx_i}{dt} = V_i(x,t); V_i(x,t) = \frac{V(x,t)}{\varepsilon(x,t) + \Gamma_i(x,t)}$$
(2)

Амплитуду і - ого пика можно определить по формулам :

$$C_{i}(x,t) = \frac{M_{i}}{W\sqrt{\pi\sigma_{i}(t_{i}(x))}} \cdot \exp\left[-\frac{(t_{i}(x)-t)^{2}}{\sigma_{i}(t_{i}(x))}\right]; \ a_{i} = C_{i} \cdot \Gamma_{i} \quad (3)$$

где :  $t_i(x)$  - функция обратная к  $x_i(t)$  ,  $\sigma_i = \sigma_{si} + \sigma_{li} + \delta\sigma_i + \sigma_0$  - кинетическое сечение i - ого пика :

$$\sigma_{si} = \int_{0}^{t} \frac{4\Gamma_{i} \theta_{i}}{\left(\varepsilon + \Gamma_{i}\right)} \cdot dt$$
 — сечение взаимодействия i - ого

компонента пробы с сорбентом,

$$\delta \sigma_i = \int\limits_0^t \; \frac{\Delta_i^2 \cdot d \cdot dt}{V_i \cdot \ln 2}$$
 — сечение случайных

неоднородностей зёрен сорбента ,  $\Delta_i$  - относительная вариация величины  $(\Gamma_i+\varepsilon):\Delta_i=rac{\delta(\Gamma_i+\varepsilon)}{\Gamma_i+\varepsilon}$  , d - средний диаметр зёрен

сорбента . Все подынтегральные выражения есть функции от  $(x_i(t),t)$  . В реальных колонках , как показано в работе [1] , возможно ещё так называемое емкостное размытие , которое

приводит к разбросу времени выхода пика  $\delta t_i$  , максимальную величину которого можно оценить по формуле :

$$\delta t_i(x) = \int_0^t \frac{\Delta_i \sqrt{d}}{\sqrt{x}} \cdot dt$$

На основании полученных в данной работе формул нами была создана программа для ЭВМ по определению эффективности ионной хроматографии для конусных разделительных колонок. Было получено, что максимум эффективности процесса достигается на колонках, расширяющихся от начала к концу на 10% - 40% в зависимости от конкретных условий эксперимента. При этом эффективность, измеренная как число теоретических тарелок за единицу времени анализа, превысила эффективность системы, использующей цилиндрические колонки, на ~ 10% -20%.

Работа проводилась при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (грант 99-33-32771).

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Прудковский А.Г., Долгоносов А.М., Теория ионной хроматографии: универсальный подход к описанию параметров пика, *Журн. аналит. химии*, 1999, т.54, №2, с.118-122

## The Theory of Chromatography for variable configuration columns A.G. Prudkovskii

Vernadsky Institute of Geochemistry and Analytical Chemistry,
Russian Academy of Sciences,

ul. Kosygina 19, Moscow, 117975 Russia

The earlier developed theory of ion chromatography is generalized to the case of variable configuration columns. The results obtained have been applied to calculation of the chromatography efficiency in cones columns.